

## Übungsblatt 8

### Aufgabe 36:

Bestimmen Sie bis auf Isomorphie alle Inzidenzebenen mit vier Punkten und ihre Automorphismengruppen. Welche sind affin ?

### Aufgabe 37:

Unter einer projektiven Inzidenzebene versteht man eine Inzidenzstruktur  $(E,G)$ , die folgenden Axiomen genügt:

- (I1) Durch zwei verschiedene Punkte geht genau eine Gerade.
- (P2) Zwei verschiedene Geraden schneiden sich in genau einem Punkt.
- (P3) Es gibt ein Viereck, d.h. vier Punkte, von denen keine drei auf einer Geraden liegen.

Sei  $(E,G)$  eine endliche projektive Inzidenzebene. Zeigen Sie:

- a) Es gilt Inzidenzaxiom I2 und es gibt eine Gerade mit mindestens drei Punkten.
- b) Hat eine Gerade  $n + 1$  Punkte dann haben alle Geraden  $n + 1$  Punkte. Insbesondere gilt  $n \geq 2$ , d.h. jede Gerade hat mindestens drei Punkte.
- c) Durch jeden Punkt gehen  $n + 1$  Geraden.
- d)  $(E,G)$  hat  $n^2 + n + 1$  Punkte und es gibt  $n^2 + n + 1$  Geraden.

### Aufgabe 38:

Zeigen Sie: Ersetzt man das Axiom P3 durch Axiom I3 ( d.h. es gibt drei nicht kollineare Punkte) und betrachtet dann eine Inzidenzstruktur  $(E,G)$ , die I1, P2 und I3 erfüllt, dann ist  $(E,G)$  im Allgemeinen keine projektive Ebene.

Versuchen Sie alle jene Inzidenzstrukturen zu klassifizieren, die I1, P2 und I3 erfüllen, aber keine projektive Inzidenzebene sind.

**Hinweis:** Was kann man aussagen, wenn es zwei Geraden gibt, die mindestens drei Punkte haben ?

### Für die Weihnachtsferien:

### Aufgabe 39:

Analysieren Sie verschiedene (zumindest jenen von Euklid, andere nach eigener Auswahl) Beweise des Satzes von Pythagoras. Welche Aussagen werden in den Beweisen vorausgesetzt ? Sie finden solche Beweise unter:

<http://www.schule-bw.de/unterricht/faecher/mathematik/3material/sek1/geometrie/pyth/beweise>

### Aufgabe 40:

Betrachten Sie ein Schulbuch Ihrer Wahl und untersuchen Sie, wie dort der Satz von Pythagoras behandelt wird.